

Liceo Scientifico Morgagni

Programma di matematica

classe I sez. B

a.s. 2023-2024

Gli insiemi numerici

I numeri naturali Le quattro operazioni: terminologia, proprietà; dai numeri alle lettere; ruolo dello zero e dell'uno. Legge di annullamento del prodotto. La potenza. Le espressioni numeriche: priorità delle operazioni e uso della parentesi. Dalle parole alle espressioni.

Le proprietà delle operazioni: commutativa, associativa, distributiva, invariante.

Le proprietà delle potenze.

Multipli e divisori. Scomposizione in fattori primi. Calcolo del M.C.D. e m.c.m..

I numeri interi Definizioni, rappresentazione, confronto. Le operazioni.

Le leggi di monotonia nelle uguaglianze e disuguaglianze.

I numeri razionali Le frazioni: dalle frazioni equivalenti ai numeri razionali; frazioni equivalenti; proprietà invariante; riduzione di frazioni allo stesso denominatore. I numeri razionali.

Il confronto e la rappresentazione di numeri razionali su un sistema di ascisse.

Le operazioni con le frazioni. La potenza a esponente intero negativo.

Le frazioni e i numeri decimali; passaggio dai decimali alle frazioni.

Abilità

Confrontare e rappresentare graficamente sullo stesso sistema di ascisse numeri naturali, interi e razionali mediante scelta opportuna dell'unità di misura intera o dell'unità frazionaria.

Applicare correttamente la legge di annullamento del prodotto.

Saper scomporre mentalmente in fattori primi e calcolare il M.C.D. e il m.c.m..

Calcolare il valore di una espressione numerica con numeri naturali, interi, razionali, individuando le strategie più opportune e utilizzando le proprietà delle quattro operazioni e delle potenze. Confrontare i numeri frazionari.

Trasformare un numero decimale in frazione e viceversa; determinare la frazione generatrice di un numero decimale periodico.

Sostituire numeri naturali e interi alle lettere nelle espressioni matematiche.

Gli insiemi

Insiemi: concetto primitivo, terminologia e simbologia nella teoria degli insiemi. Le rappresentazioni di un insieme.

Sottoinsiemi, sottoinsieme proprio ed improprio, inclusione stretta e inclusione.

Le operazioni con gli insiemi: unione, intersezione, differenza, complementare, prodotto cartesiano; proprietà delle operazioni.

Insieme delle parti, la partizione di un insieme.

Abilità

Usare correttamente la simbologia degli insiemi distinguendo l'appartenenza degli elementi dai sottoinsiemi di un insieme.

Rappresentare un insieme per elencazione, grafica o per proprietà caratteristica.

Eeguire le operazioni fra insiemi.

Utilizzare gli insiemi per effettuare classificazioni e per risolvere problemi.

Le relazioni e le funzioni

Le relazioni binarie: dominio e codominio, rappresentazione; relazione inversa.

Le proprietà delle relazioni; le relazioni di equivalenza e d'ordine.

Le funzioni: definizioni, terminologia e simbologia classificazione.

Le funzioni numeriche: dominio naturale o campo di esistenza, la funzione inversa.

La rappresentazione nel piano cartesiano; grafico di una funzione.

Leggi di proporzionalità diretta e inversa; la funzione lineare: espressione analitica e significato geometrico del coefficiente angolare ed ordinata all'origine; le funzioni quadratiche.

Abilità

Analizzare e rappresentare le relazioni binarie tra insiemi.

Riconoscere e classificare le funzioni.

Costruire e leggere il grafico di una funzione e stabilirne le proprietà.

Rappresentare graficamente le leggi di proporzionalità diretta e inversa, le funzioni lineari e le funzioni quadratiche.

Il calcolo letterale

I monomi Concetto di monomio, riduzione a forma normale, grado di un monomio. Le operazioni con i monomi; monomi simili e opposti. Espressioni con i monomi. M.C.D. e m.c.m. fra monomi.

I polinomi Definizione, polinomio in forma normale; grado di un polinomio rispetto ad una lettera e grado complessivo; polinomio omogeneo, ordinato, completo.

Le operazioni di addizione e moltiplicazione con i polinomi.

I prodotti notevoli: somma di due monomi per la loro differenza, quadrato di un binomio, quadrato di un trinomio, cubo di un binomio.

Le funzioni polinomiali; zeri di un polinomio.

Algoritmo della divisione tra polinomi. La regola di Ruffini; teorema del resto.

La scomposizione in fattori Raccoglimento totale e parziale; la scomposizione riconducibile ai prodotti notevoli; la scomposizione di particolari trinomi di secondo grado; la scomposizione mediante la regola di Ruffini.

Il M.C.D. e il m.c.m. tra polinomi.

Le frazioni algebriche Condizione di esistenza di una frazione algebrica; frazioni equivalenti; semplificazione delle frazioni algebriche.

Le operazioni con le frazioni algebriche.

Abilità

Calcolare somme algebriche, prodotti, potenze e quozienti di monomi.

Calcolare M.C.D. e m.c.m. fra monomi.

Semplificare espressioni con le operazioni e le potenze di monomi.

Calcolare espressioni con le operazioni e le potenze di polinomi.

Individuare i prodotti notevoli all'interno di una espressione polinomiale.

Eeguire la divisione tra due polinomi in una variabile; applicare la regola di Ruffini.

Semplificare espressioni con i polinomi, applicando tecniche opportune.

Saper applicare i metodi della scomposizione di un polinomio in fattori, scegliendo le tecniche più opportune.

Determinare per quali valori una frazione algebrica si annulla o perde di significato. Utilizzare il calcolo letterale per rappresentare e risolvere problemi.

Le equazioni e disequazioni lineari

Le equazioni Le identità e condizioni di esistenza di un'identità.

Le equazioni: definizioni, insieme delle soluzioni; forma normale e grado.

Le equazioni equivalenti e i principi di equivalenza.

Distinzione tra incognita e parametro in un'equazione. Dominio di un'equazione.

Equazioni determinate, indeterminate, impossibili.

Equazioni numeriche intere, applicazione della legge di annullamento del prodotto.

Equazioni fratte; equazioni letterali.

Le disequazioni Le disuguaglianze numeriche e relative proprietà.

Le disequazioni: rappresentazione, tipi di disequazioni, disequazioni equivalenti.

Le disequazioni numeriche intere, le disequazioni letterali intere.

I sistemi di disequazioni; lo studio del segno di un prodotto e le disequazioni fratte.

Abilità

Risolvere identità ed equazioni e disequazioni lineari applicando i principi di equivalenza.

Stabilire se un valore è soluzione di un'equazione.

Risolvere equazioni e disequazioni numeriche riconducibili ad equazioni di 1° grado.

Risolvere le equazioni e disequazioni fratte, dopo aver stabilito le condizioni di esistenza.

Risolvere le equazioni letterali discutendo le soluzioni al variare del parametro.

Risolvere problemi di vario tipo mediante l'uso di equazioni e disequazioni.

Geometria euclidea

La geometria del piano: definizioni, enti primitivi; postulati e teoremi.

Postulati di appartenenza e d'ordine.

Semirette, segmenti, poligonali, semipiani; figure concave e convesse; angoli, angoli consecutivi e adiacenti; angolo piatto, giro e nullo; la congruenza delle figure; trasporto dei segmento e degli angoli; le linee piane; i poligoni.

Operazioni con i segmenti e con gli angoli; confronto di segmenti e angoli; multipli e sottomultipli; punto medio e bisettrice; angoli retti, acuti, ottusi; angoli opposti al vertice, angoli complementari e supplementari; teorema degli angoli opposti al vertice.

Lunghezze, ampiezze, misure.

I triangoli: definizione e terminologia; bisettrici, mediane, altezze; classificazione dei triangoli rispetto ai lati.

I criteri di congruenza dei triangoli.

Le proprietà del triangolo isoscele.

Le disuguaglianze nei triangoli: teorema dell'angolo esterno; relazioni tra i lati e gli angoli di un triangolo; disuguaglianza triangolare.

Rette perpendicolari e parallele: definizione; teorema dell'esistenza e unicità della perpendicolare: proiezioni ortogonali; distanza punto-retta; asse di un segmento.

Rette parallele; rette tagliate da una trasversale; teorema delle rette parallele e criteri di parallelismo; quinto postulato di Euclide.

Le proprietà degli angoli dei poligoni; teorema dell'angolo esterno; somma degli angoli interni di un triangolo e di un poligono.

Criteri di congruenza dei triangoli rettangoli; luoghi geometrici.

I quadrilateri: Parallelogramma, definizione e condizioni necessarie e sufficienti.

Rettangolo, rombo, quadrato; definizioni e condizioni necessarie e sufficienti.

Trapezio; definizioni, condizioni necessarie e sufficienti per un trapezio isoscele.

Il teorema del fascio di rette parallele (piccolo teorema di Talete) e sue applicazioni.

Abilità

Conoscere correttamente la terminologia usata nella geometria euclidea.

Operare ed eseguire confronti con i segmenti e con gli angoli.

Individuare ipotesi e tesi in un enunciato e saperne eseguire la figura corrispondente.

Riconoscere gli elementi di un triangolo e applicare i criteri di congruenza.

Utilizzare le proprietà dei triangoli isosceli.

Riconoscere disuguaglianze tra gli elementi di un triangolo.

Utilizzare le proprietà delle rette parallele e perpendicolari.

Applicare il teorema delle rette parallele e il suo inverso.

Dimostrare le proprietà dei quadrilateri particolari e saperle applicare per la risoluzione dei problemi.

Dimostrare il teorema del fascio di rette parallele e le sue applicazioni nei triangoli.

Testo in adozione: Matematica.blu - vol.1 - Bergamini-Barozzi-Trifone; Ed. Zanichelli

Roma, 5 Giugno 2024

Il docente
prof. Agatino Tomaselli